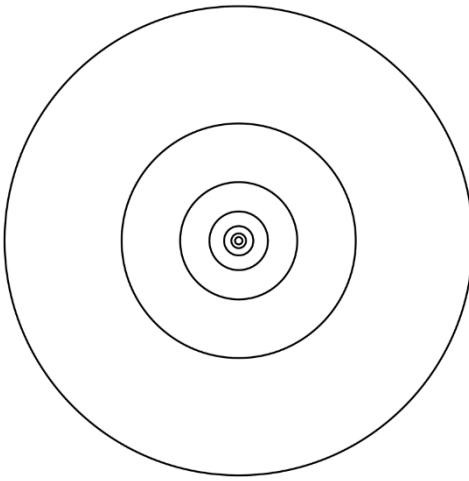


半径が等比的になる円の拡大運動についての考察

Consideration of the expanding motion of a circle whose radius progress geometrically



半径 r が等比的な同心円の方程式は、

Equation of concentric circles whose radii r progress geometrically is:

$$r = a e^{k\theta} = a e^{k\omega t}$$

1 周期分の拡大率 μ_T は、

Magnification for 1 cycle μ_T is:

$$\mu_T = \frac{a e^{k(\theta+2\pi)}}{a e^{k\theta}} = e^{2\pi k}$$

拡大速度 ε は半径によらず一定で、

Expansion velocity ε is constant regardless of the radius:

$$\varepsilon = e^{2\pi kf} = e^{k\omega} = \mu_T^f$$

ただし、 f は時間周波数である。

where f is the temporal frequency.

拡大率 μ は拡大速度 ε と時間 t の関数で、

Magnification μ is a function of expansion velocity ε and time t :

$$\mu = \varepsilon^t = e^{2\pi k f t} = e^{k \omega t} = \mu_T^{ft} = \frac{r}{a}$$

速度 v は拡大速度 ε と半径 r の関数である。

Velocity v is a function of ε and radii r :

$$v = \frac{dr}{dt} = rk\omega = r \ln \varepsilon$$